

3 – Le contrôle de redondance cyclique CRC

CRC : Cyclic Redundancy Check

Avant d'envoyer la trame :

On travaille avec tous les bits de la trame. Ils sont représentés sous la forme d'un polynôme du type :

$$M(X) = m_1 X^{(n-1)} + m_2 X^{(n-2)} + \dots + m_{n-2} X^2 + m_{n-1} X^1 + m_n$$

$m_1, m_2, \dots, m_n$ représentent les n bits de la trame (sans les bits du CRC)

On va diviser ce polynôme par un polynôme "générateur".

Polynôme générateur (exemple CRC32 Ethernet)

$$G(X) = X^{32} + X^{26} + X^{23} + X^{22} + X^{16} + X^{12} + X^{11} + X^{10} + X^8 + X^7 + X^5 + X^4 + X^2 + X^1 + 1$$

On déduira du reste de la division $R(X)$ les bits qui seront ajoutés à la trame (Bits du CRC).

A la réception de la trame :

On transcrit les bits de la trame (sans les bits du CRC) en polynôme $M'(X)$.

On divise $M'(X)$ par le même polynôme "générateur".

Si le reste $R'(X)$ est différent du reste $R(X)$ alors il y a eu une (ou plusieurs) erreur dans la transmission.

Il existe des algorithmes pour corriger les erreurs.

$$\text{Trame} = M(X) + R(X)$$

$$\begin{array}{r|l} M(X) & G(X) \\ \dots & Q(X) \\ R(X) & \end{array}$$

$$M(x) = G(X) * Q(X) + R(X)$$

Exemple

Une trame peut être constituée de plus de 80 000 bits. Sur l'exemple ci-dessous nous nous limiterons à 6 bits.

Trame : 101101

Pour déterminer le CRC on transforme la trame en un polynôme $M(x)$.

$$\text{Trame } 101101 \Rightarrow M(x) = 1 \cdot X^5 + 0 \cdot X^4 + 1 \cdot X^3 + 1 \cdot X^2 + 0 \cdot X^1 + 1 \cdot X^0$$

Puis on divise $M(x)$ par un polynôme $G(x)$ connu de l'expéditeur et du destinataire. Lorsque l'on effectue cette division, on obtient un quotient (polynôme $Q(x)$) et un reste (polynôme $R(x)$).

C'est ce dernier polynôme $R(x)$ qui devient le CRC.

Exemple : Si $R(x) = 1 \cdot X^4 + 1 \cdot X^3 + 1 \cdot X^2 + 0 \cdot X^1 + 0 \cdot X^0$ alors le CRC = 11100

Ce CRC est ajouté à la fin de la trame puis la trame est expédiée vers le destinataire.

Le destinataire va refaire la division $M(x) / G(x)$. Dans le cours j'ai appelé $M'(x)$ et $G'(x)$ pour différencier l'expéditeur et le destinataire.

S'il n'y a pas d'erreur $M=M'$ et $G=G'$.

A partir du reste on calcule le CRC et on le compare au CRC de l'expéditeur. S'ils sont différents c'est qu'il y a eu une erreur de transmission.

Mon auto-évaluation

- 1 – Comment calcule-t-on le bit de parité dans le cas d'une parité paire ?
- 2 – Peut-on détecter deux erreurs sur une même trame dans le cas d'une parité verticale ?
- 3 – Quel est le principe de la parité longitudinale ?
- 4 – Quel est le principe de la détection d'erreurs à partir du CRC d'une trame ?

Exercices

Exo 1

Calculer le bit de parité dans les cas suivants :

Type de parité	Bits à transmettre	Bit de parité
Parité paire	1001 111 0010 000 1010 101 0011 010 1000 100	
Parité impaire	1001 111 0010 000 1110 101 0011 011 1000 000	

Exo 2 (parité longitudinale)

Transmission des données en parité paire. Rechercher les erreurs.

0	0	1	1	1	0	0	1	0
1	1	0	0	0	0	1	1	0
0	0	0	1	0	0	1	0	1
0	1	1	1	0	1	1	1	0
1	0	0	0	0	0	0	0	1
1	0	0	0	0	1	0	0	1
1	0	1	1	0	0	0	0	1
0	1	0	0	0	0	0	0	1
0	1	0	0	1	0	1	1	1

Exo 3 (parité longitudinale)

Transmission des données en parité impaire. Rechercher les erreurs.

0	0	1	1	1	0	0	1	0
1	1	0	0	0	0	1	0	0
0	0	0	1	0	0	1	0	1
0	1	1	1	0	1	1	1	0
1	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	1	0	0	1
1	0	1	1	1	0	0	0	1
0	1	0	0	0	1	0	0	1
1	0	0	1	0	0	1	1	1